Bruchgleichungen

Die Grundmenge für dieses Arbeitsblatt ist $\mathbb{Q}$.

1. **Zahlen im Nenner.** Wie lautet die Lösungsmenge?

   (a) $x + \frac{x}{3} + \frac{x}{6} = 45$

   (b) $\frac{4x+1}{26} - \frac{2x-1}{39} = 0$

   (c) $\frac{x}{4} + \frac{1}{5} = \frac{x}{2} + \frac{x}{6}$

   (d) $\frac{2x}{3} - \frac{4x}{9} = 31 - \frac{3x}{2}$

   (e) $\frac{8x-15}{12} + \frac{3x+18}{15} = 2$

   (f) $\frac{14}{3} - \frac{5x-1}{6} = \frac{34x-1}{3} - 7$

2. **MathemaTrick 1.** Wie lauten die Definitionsmenge und die Lösungsmenge? Lösungsvideo

   (a) $\frac{2}{x} = 4$

   (b) $\frac{3}{x-7} = 2$

   (c) $\frac{x-5}{x-2} = 1 - \frac{x+1}{x-2}$

   (d) $\frac{2}{1+2x} = \frac{9}{3+6x} - \frac{1}{4-x}$

3. **Variable im Nenner.** Wie lauten die Definitions- und Lösungsmenge?

   (a) $\frac{2}{x} = \frac{x-3}{3x} - \frac{x+5}{4x}$

   (b) $\frac{1}{x} + \frac{2x+5}{x+6} = 2$

   (c) $\frac{2}{x-2} = \frac{1}{3}$

   (d) $\frac{7}{x-4} - \frac{2}{x-4} = 1$

   (e) $\frac{5(x-3)}{12x} - \frac{2(x+1)}{15x} = 1$

   (f) $\frac{1}{4} - \frac{1}{2(x+5)} = \frac{3}{x+5}$

4. **MathemaTrick 2.** Wie lauten die Definitionsmenge und die Lösungsmenge? Lösungsvideo

   $$\frac{x}{x-2} - \frac{1}{2} = \frac{3}{2x-4}$$

5. **Zuerst faktorisieren.** Wie lauten die Definitions- und Lösungsmenge? Hier müssen die Nenner zuerst faktorisiert werden.

   (a) $\frac{4x-9}{x^2-3x-40} = \frac{3}{x+5}$

   (b) $\frac{5}{x^2-9} - \frac{3}{x^2-6x+9} = 0$

   (c) $\frac{32x-11}{15x-21} - \frac{2(x+9)}{25x-35} + \frac{16}{40x-56} = 1$

   (d) $\frac{14-2x}{x-1} - \frac{9x+1}{1-x} = 1$

   (e) $\frac{2}{x-1} + \frac{3}{x-2} = \frac{20}{4x-7}$

   (f) $\frac{9x-1}{x^2-9x+20} = \frac{5}{x-4} - \frac{1}{x-5}$

6. **MathemaTrick 3.** Wie lauten die Definitionsmenge und die Lösungsmenge? Lösungsvideo

   $$\frac{2x}{7} + \frac{3x+1}{84x-7} = \frac{14x+2}{49}$$

7. Zusatzaufgaben Leicht. Wie lauten die Definitions- und Lösungsmenge?

(a) $\frac{13}{2+x} = 5$

(b) $\frac{3}{2+x} = \frac{1}{2}$

(c) $\frac{7}{x} + \frac{1}{2x} = \frac{5}{4}$

(d) $\frac{3}{x} = \frac{1}{3x} - 4$

(e) $\frac{3}{2+x} = \frac{1}{x+2} + 1$

(f) $\frac{3}{x} + \frac{1}{2x} - \frac{5}{4x} = \frac{9}{4}$

8. Zusatzaufgaben Mittel. Wie lauten die Definitions- und Lösungsmenge?

(a) $\frac{3}{2+x} = \frac{1}{x}$

(b) $\frac{3}{x} = \frac{5}{x+1}$

(c) $\frac{5}{1+2x} - \frac{3}{x} = 0$

(d) $\frac{6}{3+2x} = \frac{4}{x}$

(e) $\frac{5}{3+4x} = \frac{2}{x}$

(f) $\frac{3}{2+x} = \frac{5}{3x}$

9. Zusatzaufgaben Schwieriger. Wie lauten die Definitions- und Lösungsmenge?

(a) $\frac{3}{x} = \frac{1}{x^2} + \frac{4}{2x}$

(b) $\frac{5}{4x} + \frac{2}{x^2} = \frac{5}{2x}$

(c) $\frac{3}{x+1} + \frac{15}{x^2+x} = 0$

(d) $\frac{5}{x-2} = \frac{3+x}{x^2-2x}$

(e) $\frac{3x+1}{x-4} = \frac{5-x}{4-x}$

(f) $\frac{5}{2-x} = \frac{7-9x}{2x^2-4x}$

(g) $\frac{4}{x} - \frac{3}{x+1} = \frac{2x+1}{x^2+x}$

(h) $\frac{5}{x-2} + \frac{2}{2-x} = \frac{5}{3x}$

(i) $\frac{3}{x-2} + \frac{2}{x} = \frac{13}{2x}$

(j) $\frac{2}{x+5} + \frac{5}{3x} = \frac{3}{x}$

(k) $\frac{x+1}{x-2} = \frac{x+3}{x+4}$

(l) $\frac{2x+1}{x-1} = \frac{3+2x}{x+2}$

10. Subtrahieren und Dividieren. 🏆 Pascal verwechselt das Subtrahieren mit dem Dividieren. Anstatt x durch a zu teilen, subtrahiert er a von x. Trotzdem erhält er das richtige Ergebnis. Wie lautet x?

(a) $a = 2$

(b) $a = 10$

(c) $a = -10$

11. Rätsel. Löse die Bruchgleichungen. Suche für jede Aufgabe die Lösung in der Tabelle und notiere dir den entsprechenden Buchstaben. Wie lautet das Lösungswort?

(a) $\frac{5}{x+1} = \frac{3}{x}$

(b) $\frac{2}{x} + \frac{5}{6} = \frac{9}{4x}$

(c) $\frac{x}{2x+1} = \frac{3}{4} + \frac{x+1}{2+4x}$

(d) $\frac{5}{x-2} + \frac{3}{8-4x} = \frac{-17}{12}$

(e) $\frac{2}{x^2-x} + \frac{3}{4-4x} = \frac{1}{2x}$

(f) $\frac{x+1}{x} = \frac{2}{3x} + \frac{4}{5x}$

(g) $\frac{1}{x+1} - \frac{2}{x} = \frac{5+x}{2x^2+2x}$

Lösung	-3	$\frac{-5}{4}$	-1	$\frac{3}{10}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{7}{15}$	$\frac{5}{6}$	$\frac{3}{2}$	2	$\frac{5}{2}$
Buchstabe	E	U	E	R	A	H	N	B	C	G